# 大學入學考試中心 九十學年度學科能力測驗試題 數學考科

## --作答注意事項---

考試時間:100分鐘

題型題數:單一選擇題3題,多重選擇題7題,填充題第A至J題共10題

作答方式: • 用 2B 鉛筆在「答案卡」上作答,修正時應以橡皮擦拭,切勿使用修正液

• 答錯不倒扣

作答說明:在答案卡適當位置選出數值或符號。請仔細閱讀下面的例子。

(一)填答選擇題時,只用1,2,3,4,5等五個格子,而不需要用到-,±,以及6,7,8,9,0等格子。

例:若第1題的選項為(1)3(2)5(3)7(4)9(5)11,而正確的答案為7,亦即 選項(3)時,考生要在答案卡第1列的 📑 劃記(注意不是7),如:

	解			Ź	冬		欄						
1		2	3	4	5	6	7	8	9		ō	<u>±</u>	

例:若多重選擇題第 10 題的正確選項為(1)與(3)時,考生要在答案卡的第 10 列的 具 割記,如:

(二)填充題的題號是 A, B, C, ……, 而答案的格式每題可能不同, 考生必須依各題的格式填答, 且每一個列號只能在一個格子劃記。

例:若第 B 題的答案格式是  $\frac{(18)}{(19)}$  ,而依題意計算出來的答案是  $\frac{3}{8}$  ,則考生必須

分別在答案卡上的第 18 列的 益 與第 19 列的 ₺ 劃記,如:

例:若第 C 題的答案格式是  $\frac{202}{50}$  ,而答案是  $\frac{-7}{50}$  時,則考生必須分別在答案 卡的第 20 列的 - 與第 21 列的 7 劃記,如:

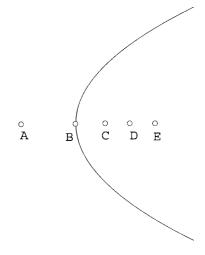
※試題後附有參考公式及可能用到的對數值與數值

第一部分:選擇題

壹、單一選擇題

說明:第1至3題,每題選出最適當的一個選項,標示在答案卡之「解答欄」,每題答對得 5分,答錯不倒扣。

- 1. 設  $a = \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{2}}$ ,  $b = \left(\frac{1}{3}\right)^{\frac{1}{3}}$ ,  $c = \left(\frac{1}{4}\right)^{\frac{1}{4}}$ 。下列選項何者爲真?
  - (1) a > b > c
  - (2) a < b < c
  - (3) a = c > b
  - (4) a = c < b
  - (5) a = b = c
- 2. 右下圖爲一拋物線的部分圖形,且 A、B、C、D、E 五個點中有一爲其焦點。 試判斷哪一點是其焦點?(可利用你手邊現有簡易測量工具)
  - (1) A
  - (2) B
  - (3) C
  - (4) D
  - (5) E



- 3. 令 X 代表每個高中生平均每天研讀數學的時間(以小時計),則 W=7(24-X) 代表每個高中生平均每週花在研讀數學以外的時間。令 Y 代表每個高中生數學學科能力測驗的成績。設 X,Y 之相關係數爲  $R_{XY}$ , W,Y 之相關係數爲  $R_{WY}$ , 則  $R_{XY}$ 與  $R_{WY}$ 兩數之間的關係,下列選項何者爲真?
  - (1)  $R_{WY} = 7 (24 R_{XY})$
  - (2)  $R_{WY} = 7 R_{XY}$
  - (3)  $R_{WY} = -7R_{XY}$
  - (4)  $R_{WY} = R_{XY}$
  - (5)  $R_{WY} = -R_{XY}$

## 貳、多重選擇題

說明:第4至10題,每題至少有一個選項是正確的,選出正確選項,標示在答案卡之「解答欄」。每題答對得5分,答錯不倒扣,未答者不給分。只錯一個可獲 2.5分,錯兩個或兩個以上不給分。

- 4. 若  $\sin x = \frac{3}{5}$ ,  $\frac{\pi}{2} < x < \pi$  ,則下列選項何者爲真?
  - (1)  $\cos x = \frac{4}{5}$
  - (2)  $\tan x = \frac{3}{4}$
  - (3)  $\cot x = -\frac{4}{3}$
  - (4)  $\sec x = -\frac{5}{4}$
  - $(5) \cos x = \frac{5}{3}$
- 5. 設 a,b,c 爲實數。若二次函數

$$f(x) = ax^2 + bx + c$$

的圖形通過(0,-1)且與 x 軸相切,則下列選項何者爲真?

- (1) a < 0
- (2) b>0
- (3) c = -1
- (4)  $b^2 + 4ac = 0$
- (5) a+b+c≤0
- 6. 若正整數 a,b,q,r 滿足

$$a=bq+r$$

且令(a,b)表示 a 與 b 的最大公因數,則下列選項何者爲真?

- (1) (a,b)=(b,r)
- (2) (a,b)=(q,r)
- (3) (a,q)=(b,r)
- (4) (a,q)=(q,r)
- (5) (a,r)=(b,q)

- 7. 古代的足球運動,有一種計分法,規定踢進一球得 16 分,犯規後的罰踢, 進一球得 6 分。請問下列哪些得分數有可能在計分板上出現?
  - (1) 26
  - (2) 28
  - (3) 82
  - (4) 103
  - (5) 284
- 8. 在坐標平面上, A(150,200),B(146,203),C(-4,3),O(0,0),則下列選項何者爲真?
  - (1) 四邊形 ABCO 是一個平行四邊形
  - (2) 四邊形 ABCO 是一個長方形
  - (3) 四邊形 ABCO 的兩對角線互相垂直
  - (4) 四邊形 ABCO 的對角線 AC 長度大於 251
  - (5) 四邊形 ABCO 的面積為 1250
- 9. 在坐標平面上,請問下列哪些直線與雙曲線  $\frac{x^2}{25} \frac{y^2}{4} = 1$  **不**相交?
  - (1) 5y = 2x
  - (2) 5y = 3x
  - (3) 5y=2x+1
  - (4) 5y = -2x
  - (5) y=100
- 10. 令 z 爲複數且  $z^6$ =1, z≠1 ,則下列選項何者爲真?
  - (1) |z| = 1
  - (2)  $z^2 = 1$
  - (3)  $z^3 = 1$  或  $z^3 = -1$
  - $(4) |z^4| = 1$
  - (5)  $1+z+z^2+z^3+z^4+z^5=0$

第二部分:填充題

說明:1. 第 A 至 J 題,將答案標示在答案卡之「解答欄」所標示的列號(11-32)。 2. 每題完全答對給 5 分,答錯不倒扣,未完全答對不給分。

A. 將一張 B4 的長方形紙張對折剪開之後,成為 B5 的紙張,其形狀跟原來 B4 的形狀相似。已知 B4 紙張的長邊為 36.4 公分,則 B4 紙張的短邊長為

11 2.13 公分。(小數點後第二位四捨五入)

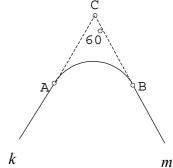
B. 調查某新興工業都市的市民對市長施政的滿意情況,依據隨機抽樣,共抽樣 男性 600 人、女性 400 人,由甲、乙兩組人分別調查男性與女性市民。調查 結果男性中有 36%滿意市長的施政,女性市民中有 46%滿意市長的施政,則 滿意市長施政的樣本佔全體樣本的百分比為 (14)(15)%。

C. 從 1,2,3,4,5,6,7,8,9 中, 任取兩相異數,則其積爲完全立方數的機率爲 1 (16)(17)

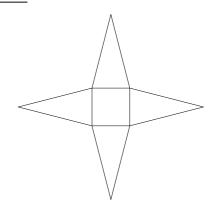
D. 設多項式 f(x) 除以  $x^2-5x+4$ ,餘式爲 x+2;除以  $x^2-5x+6$ ,餘式爲 3x+4。則多項式 f(x) 除以  $x^2-4x+3$ ,餘式爲 ①8x- ①9 。

E. 兩條公路 k 及 m ,如果筆直延伸將交會於 C 處成 60° 夾角,如圖所示。爲銜接此二公路,規劃在兩公路各距 C 處 450 公尺的 A 、B 兩點間開拓成圓弧型公路,使 k ,m 分別在 A ,B 與此圓弧相切,

則此圓弧長 202122 公尺以下四捨五入) 【 $\sqrt{3} \approx 1.732$ ,  $\pi \approx 3.142$ 】

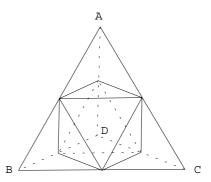


F. 如右圖的四角錐展開圖,四角錐底面爲邊長 2 的正方形,四個側面都是腰長爲 4 的等腰三角形,則此四角錐的高度爲  $\sqrt{23}$  24 。



G. 在坐標平面的 x 軸上有 A(2,0), B(-4,0) 兩觀測站,同時觀察在 x 軸上方的一目標 C 點,測得  $\angle BAC$  及  $\angle ABC$  之值後,通知在  $D(\frac{5}{2},-8)$  的砲台此兩個角的正切值分別爲  $\frac{8}{9}$  及  $\frac{8}{3}$ 。那麼砲台 D 至目標 C 的距離爲 25 26 。

H. 將一個正四面體的四個面上的各邊中點用線段連接,可得四個小正四面體及一個正八面體,如下圖所示。如果原四面體 ABCD 的體積爲 12,那麼此正八面體的體積爲 27。



I. 根據過去紀錄知,某電腦工廠檢驗其產品的過程中,將良品檢驗爲不良品的機率爲 0.20,將不良品檢驗爲良品的機率爲 0.16。又知該產品中,不良品佔 5%,良品佔 95%。若一件產品被檢驗爲良品,但該產品實際上爲不良品之機率爲 0.28② 。(小數點後第三位四捨五入)

J. 籃球 3 人鬥牛賽, 共有甲、乙、丙、丁、戊、己、庚、辛、壬 9 人參加, 組成 3 隊, 且甲、乙兩人不在同一隊的組隊方法有多少種?答: ③ ① ③ 1 ② 種。

## 參考公式及可能用到的數值

1. 一元二次方程式的公式解: 
$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

2. 通過
$$(x_1, y_1)$$
與 $(x_2, y_2)$ 的直線斜率  $m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$ 

3. 等比級數
$$\langle ar^{n-1} \rangle$$
的前 $n$ 項之和  $S_n = \frac{a \cdot (1-r^n)}{1-r}, r \neq 1.$ 

#### 4. ΔABC 的正弦及餘弦定理

$$(1)$$
  $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$ ,  $R$  爲外接圓的半徑(正弦定理)  
 $(2)c^2 = a^2 + b^2 - 2ab\cos C$  (餘弦定理)

#### 5. 統計公式:

算術平均數 
$$M(=\overline{X}) = \frac{1}{n}(x_1 + x_2 + \dots + x_n) = \frac{1}{n}\sum_{i=1}^n x_i$$
 標 準 差  $S = \sqrt{\frac{1}{n}\sum_{i=1}^n (x_i - \overline{X})^2} = \sqrt{\frac{1}{n}\sum_{i=1}^n x_i^2 - \overline{X}^2}$  相關係數  $r = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \overline{X})(y_i - \overline{Y})}{n \cdot S_X S_Y} = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \overline{X})(y_i - \overline{Y})}{\sqrt{\sum_{i=1}^n (x_i - \overline{X})^2 \sum_{i=1}^n (y_i - \overline{Y})^2}}$ 

其中 $S_X$  爲隨機變數X之標準差, $S_Y$  爲隨機變數Y之標準差

### 6. 貝氏定理

$$P(A \mid B) = \frac{P(A)P(B \mid A)}{P(A)P(B \mid A) + P(A')P(B \mid A')}$$

7. 參考數値:
$$\sqrt{2}\approx 1.414$$
 ;  $\sqrt{3}\approx 1.732$  ;  $\sqrt{5}\approx 2.236$  ;  $\sqrt{7}\approx 2.646$  ;  $\pi\approx 3.142$ 

8. 對數值:  $\log_{10} 2 \approx 0.3010$ ,  $\log_{10} 3 \approx 0.4771$ ,  $\log_{10} 5 \approx 0.6990$ ,  $\log_{10} 7 \approx 0.8451$